

1 pto ① Deriva

a)  $y = C \frac{\sin x}{x}$

b)  $y = \sqrt{\frac{2x}{\ln(x^2)}}$

2<sup>os</sup> ptos ② Se considera la función real de variable real definida por  $f(x) = \frac{x^3}{a} - ax^2 + 5x + 10$  a) afo

a) Obtener los valores de  $a$  para los cuales  $f(x)$  tiene un máximo en  $x=1$

b) Calcular los extremos relativos de  $f(x)$  para  $a=3$  y representar la función.

3<sup>os</sup> ptos ③ Se considera la curva de ecuación  $y = \frac{x^3}{x^2+1}$

a) Hallar la ecuación de la recta tangente a dicha curva en el punto de abscisa  $x=1$

b) Hallar las asíntotas de la curva

4<sup>os</sup> ptos ④ Se considera la función  $f(x) = \frac{x^2+x+2}{x}$

a) Determinarse las asíntotas de  $f(x)$

b) Estudiar su monotonía

c) Esbozar la función

5<sup>os</sup> ptos ⑤ Se desea fabricar un acuario de base cuadrada y sin tapa, de capacidad 500 dm<sup>3</sup>. La base y las paredes del acuario han de estar realizadas en cristal. ¿Cuáles deben ser sus medidas para minimizar la superficie total del cristal empleado?